

## Esercizi sulla Raggiungibilità

- Matrice di Raggiungibilità:

$$R = \left( B | AB | A^2 B | \dots | A^{n-1} B \right) \quad (1)$$

- Sottospazio di Raggiungibilità:  $\text{Img}R = \mathcal{R}$

Calcolare la dimensione del sottospazio di raggiungibilità:

- Esercizio SISO:

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (2)$$

- Esercizio SISO (TC e TD):

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (3)$$

- Esercizio MIMO:

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad (4)$$

- Forma Standard di Raggiungibilità:

Costruire la forma standard di raggiungibilità

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (5)$$

- Forma Canonica di Controllo:

Costruire la forma canonica di controllo

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (6)$$

- Retroazione degli stati:

Costruire se esiste una retroazione che stabilizza il sistema:

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (7)$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad (8)$$

- Lemma di Hyman:

Costruire una retroazione che rende il sistema raggiungibile con un solo ingresso

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad (9)$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \quad (10)$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad (11)$$

- Costruire se possibile una retroazione degli stati che porti il sistema nello stato zero in un numero finito di passi:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (12)$$

- Se esiste trovare una retroazione che porti gli autovalori in -1

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \quad (13)$$

- studiare osservabilità e ricostruibilità dei sistemi TD

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (14)$$

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (15)$$

- studiare Osservabilità e Raggiungibilità e trovare F.d.T.

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (16)$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad (17)$$